Búsqueda de soluciones en problemas con múltiples objetivos.

Análisis comparativo entre SPEA2 y MOACO para el TSP en dos variables

Betancur Cervantes Fabian

Blanco Baines Daniel

Triana Gogué Carlos

****

Universidad del Norte

División de Ingenierías

Curso de Optimización

Barranquilla

2015

Proyecto Final

Presentado a:

Ing. Carlos Julio Ardila Hernández.

Tabla de contenido

[Introducción. 6](#_Toc436295146)

[Planteamiento el problema. 6](#_Toc436295147)

[Objetivos. 6](#_Toc436295148)

[Antecedentes y Estado del Arte. 7](#_Toc436295149)

[Marco Teórico. 7](#_Toc436295150)

[Definiciones. 7](#_Toc436295151)

[Heurística. 7](#_Toc436295152)

[Meta-Heurística. 8](#_Toc436295153)

[Algoritmo Evolutivo. 9](#_Toc436295154)

[Diseño de las soluciones. 11](#_Toc436295155)

[SPEA2. 11](#_Toc436295156)

[MOACO. 12](#_Toc436295157)

[Conclusiones y Trabajos Futuros. 14](#_Toc436295158)

[Bibliografía 15](#_Toc436295159)

# Introducción.

## Planteamiento el problema.

El Problema del Agente Viajero (Traveler Salesman Problem), responde a la siguiente pregunta: Dada una lista de ciudades y las distancias entre cada par de ellas, ¿cuál es la ruta más corta posible que visita cada ciudad exactamente una vez y regresa a la ciudad origen? Este es un problema NP-Hard dentro en la optimización combinatoria, muy importante en la investigación de operaciones y en la ciencia de la computación.

En la forma tradicional en cómo se trabaja el TSP solo se tiene en cuenta un factor de decisión para el problema, ya sea tiempo, distancia o costo del viaje, sin embargo en un enfoque más del problema es posible que se esté interesado en encontrar caminos (soluciones) que permitan un me mejoramiento en dos o más factores con tal de obtener mayores benefician o un balanceo de las cargas con respecto a las variables de decisión, por tanto el TSP pasa a ser un problema multi-objetivo en donde es posible que no se encuentre una solución única que satisfaga con la minimización de todas los objetivos.

## Objetivos.

Para este caso específico se tomas como objetivos minimizar los tiempos y las distancias, y como se mencionó anteriormente la búsqueda tiende a generar conjuntos de soluciones, ya que una solución óptima en tiempo puede no serlo en distancia y viceversa, por tanto se pueden desechar o parcializar las soluciones, lo cual termina por general un conjunto en el cual aunque no sean totalmente óptimos para alguno de los objetivos tampoco se pueden catalogar como peores, ya que el sacrifico o perdida en alguno de los objetivos genera una ganancia en el otro, creando como resultado un estrecha relación entre ambos objetivos en lo que se puede catalogar como una relación costo beneficio.

## Antecedentes y Estado del Arte.

Los problemas NP-Hard desde su planteamiento y definición han sido fuertemente estudiados generan una variedad de soluciones bastante interesantes en busca de las mejoras en tiempo de ejecución y conservación de la calidad de las respuestas.

Uno de los avances más significativos en este campo ha sido el desarrollo de heurísticas para obtener soluciones muy aproximadas con bajo costo de recursos computacionales. Posteriormente, en la búsqueda soluciones más cercanas al optimo real, se desarrollaron las híper-heurísticas y las meta-heurísticas, las cuales lo lograron desbancar por completo a las heurísticas tradicionales, ya que aunque las respuestas generadas son mejores su coste de recursos de ejecución es mayor, por tal motivo un buen punto de inicio para inicializar una meta-heurística es pasarle los valores obtenidos previamente con una heurística.

# Marco Teórico.

## Definiciones.

### Heurística.

En computación, dos objetivos fundamentales son encontrar algoritmos con buenos tiempos de ejecución y buenas soluciones. Una heurística es un algoritmo que abandona uno o ambos objetivos; por ejemplo, normalmente encuentran buenas soluciones, aunque no hay pruebas de que la solución no pueda ser arbitrariamente errónea en algunos casos; o se ejecuta razonablemente rápido, aunque no existe tampoco prueba de que siempre será así. Las heurísticas generalmente son usadas cuando no existe una solución óptima bajo las restricciones dadas (tiempo, espacio, etc.), o cuando no existe del todo.

### Meta-Heurística.

Las meta-heurísticas generalmente se aplican a problemas que no tienen un algoritmo o heurística específica que dé una solución satisfactoria; o bien cuando no es posible implementar ese método óptimo. La mayoría de las meta-heurística tienen como objetivo los problemas de optimización combinatoria, pero por supuesto, se pueden aplicar a cualquier problema que se pueda reformular en términos heurísticos-

Las meta-heurísticas no son la panacea y suelen ser menos eficientes que las heurísticas específicas, en varios órdenes de magnitud, en problemas que aceptan este tipo de heurísticas puras.

### Algoritmo Evolutivo.

Los algoritmos evolutivos son métodos de optimización y búsqueda de soluciones basados en los postulados de la evolución biológica. En ellos se mantiene un conjunto de entidades que representan posibles soluciones, las cuales se mezclan, y compiten entre sí, de tal manera que las más aptas son capaces de prevalecer a lo largo del tiempo, evolucionando hacia mejores soluciones cada vez.

Los algoritmos evolutivos son utilizados principalmente en problemas con espacios de búsqueda extensos y no lineales, en donde otros métodos no son capaces de encontrar soluciones en un tiempo razonable.

# Diseño de las soluciones.

## SPEA2.

Se basa en la identificación de las soluciones no dominadas y en función del número de soluciones a las que dominan y por las que son dominadas se les asigna una calidad que es utilizada en torneo binario para obtener el conjunto de padres. Las soluciones no dominadas encontradas a lo largo de la búsqueda son almacenadas en un conjunto exterior (Archivo) de tamaño fijo igual al de la población.

Al final de cada iteración se unen la población recién creada de hijos P con el conjunto de archivo para actualizar el nuevo conjunto de archivo que es el conjunto sobre el que se hace la selección para obtener a los padres de la siguiente generación.

En un primer paso se calcula para cada solución de la unión de conjuntos el número de soluciones a las que la solución i domina (nci).

La calidad inicial de la solución j es la suma de los valores nci de las soluciones i por las que j es dominada. Por lo tanto, las soluciones no dominadas que pertenecen a la Frontera tienen una calidad inicial de 0. A esta calidad inicial de cada solución se le añade una cantidad extra relacionada con la distancia al resto de soluciones (denominada distancia k-th), de tal forma que si la solución pertenece a una zona densamente poblada en el espacio de objetivos, esta parte de la calidad estará penalizada asignándola un valor más alto que si la solución estuviera aislada. Este mecanismo es el proceso de diversificación en el espacio de objetivos que el SPEA2 implementa para formar FP uniformemente distribuidas.

De la unión se seleccionan a los individuos no dominados. Si el número de no dominados es inferior al tamaño del conjunto de archivo (N del mismo tamaño que la población de hijos) todas las soluciones no dominadas sobreviven y son almacenadas en el nuevo conjunto de archivo. El resto de puestos del conjunto de archivo no ocupados se rellenan con las mejores soluciones dominadas (según la calidad descrita anteriormente). Si por el contrario el número es mayor, se realiza un truncado, que consiste en ir eliminando las soluciones que tengan la menor distancia a su individuo más cercano, hasta quedarnos con las N soluciones no dominadas con las que se rellena el conjunto de archivo.

Una vez actualizado el nuevo conjunto de archivo se realiza el torneo binario por el que se obtiene a los padres de la siguiente generación. El torneo lo ganan los individuos de menor calidad. Se realiza el proceso de reproducción sobre el conjunto de padres para obtener el nuevo conjunto de hijos que sirve para volver a actualizar el conjunto de archivo y así cerrar el ciclo del proceso evolutivo.

## MOACO.

La Optimización por Colonia de Hormigas Multi-Objetivo (MOACO por sus siglas en inglés) se basa en un modelo de hallazgo de rutas implementado usualmente por las colonias de hormigas en la que la posibilidad de una hormiga para recorrer una ruta será función de una heurística que determina si en algún momento del tiempo otra hormiga pasó por la misma ruta, dejando un rastro de feromona que la hormiga siguiente a pasar usará como guía, opcionalmente.

Usualmente en el problema del Agente Viajero, las probabilidades de pasar de un nodo a otro usando colonia de hormigas se basan en una probabilidad dependiente de la cantidad de feromonas dejadas en la ruta del nodo a seguir, y también por una heurística con un cierto grado de influencia, dicha heurística puede ser en función del tiempo de desplazamiento de nodo a nodo, o también la distancia euclidiana entre dos nodos. Para el problema del MOACO multi-objetivo se debe aplicar una nueva probabilidad que permita obtener resultados basados tanto en la cantidad de feromonas, propio del algoritmo de Colonia de Hormigas, pero también que se obtenga en función de las dos heurísticas, o variables de decisión que se quieren obtener para este laboratorio, es decir, tanto distancia como tiempo.

Para este algoritmo se define iteración como el camino obtenido por una hormiga desde su partida desde un nodo origen hasta llegar a un destino y regresar al nodo origen.

Como parámetros iniciales se definen una matriz

Inicialmente, se establece un rastro inicial de feromonas no significativo con el objetivo de que no se obtengan probabilidades iguales a 0 y se inicializa un camino de hormigas que hallará una ruta inicial de manera aleatoria, dejando a su paso un rastro de feromonas que será factor decisivo de acuerdo a la influencia de este en el cálculo de la probabilidad de escogencia de camino.

Con este algoritmo en cada iteración se obtiene una solución que es puesta en competencia y se analiza en función a un frente de Pareto ya existente y de esa forma hasta conseguir un máximo de soluciones aceptables, nuestro frente de Pareto se irá optimizando hasta solo dejar las mejores soluciones del problema planteado.

Un factor que debe tenerse en cuenta en cada iteración es que este rastro de hormonas se va evaporando. Para esto se define inicialmente un factor de evaporación, entre 0 y 1 que al final de cada iteración va reduciendo el rastro de feromonas evitando el hallazgo de óptimos locales y el hallazgo de nuevas soluciones.

# Ejecución y Análisis de resultados.

## Consideraciones especiales:

La forma en cómo se aborda el TSPMO (TSP Multi-Objetivo) influye directamente sobre los criterios de avaluación, análisis e interpretación de resultados, por tal motivo a continuación se describen el conjunto de reglas, parámetro y premisas bajos los cuales se ejecutaran las pruebas.

En primer lugar el objetivo final de los dos algoritmos a comparar (SPEA2 y MOACO) es, dado un conjunto de ciudades donde todas están interconectadas (un número exageradamente grande en una conexión representa infinito, o una conexión nula, y es usado para indicarle al algoritmo que no puede tomar por allí) encontrar el camino más corto para alcanzar todos las ciudades y volver a la ciudad inicial, de este modo, no se da importancia a los nodos iniciales o finales así como al recorrido, sino al costo en tiempo y distancia asociados a este último.

Por otro lado ambos métodos escogidos están programados para calcular determinado número de soluciones en el frente de Pareto, de este modo hacer equiparable una comparación en cuanto a la calidad de las soluciones así del gasto computacional para obtenerlas con cada algoritmo.

Las poblaciones así como la cantidad de frentes de Pareto escogidos son de 30, ya que de acuerdo a la ley de los grandes números en estadística, a partir de este número se prescriben condiciones suficientes para que los promedios de las variables a analizar converjan al promedio de las esperanzas de las variables aleatorias involucradas.

## Datos obtenidos.

Sean :

# Conclusiones y Trabajos Futuros.

En el contexto de optimización evolutiva multiobjetivo, no se puede garantizar la convergencia de las soluciones, ya que teóricamente todas las soluciones no dominadas son igualmente buenas entre sí, esto es conocido como elitismo de soluciones.

Para casos específicos como colonia de hormigas, garantizar una mayor evaporación de las feromonas ayuda a la obtención de nuevas soluciones y evita el estancamiento en óptimos locales. Este último concepto se aprecia en los algoritmos estudiados y para el caso de SPEA2 se garantiza esto manteniendo diversificada la población generada genéticamente y por torneo binario.

En un contexto comparativo ambos algoritmos estudiados proveen un diferente enfoque a una misma solución en el sentido que uno provee un conjunto más variado y amplio de soluciones (SPEA2) permitiendo un conjunto de soluciones más óptimos en comparación al otro algoritmo en estudio que por iteración genera una sola solución (COLONIA DE HORMIGAS).

Se observó que Colonia de Hormigas en apariencia tiende a sesgar las soluciones, pero con unos parámetros iniciales bien establecidos dependiendo a los datos de trabajo inicial, permite hallar soluciones óptimas basadas en resultados brindados por el frente de Pareto generado en cada iteración.

# Bibliografía

|  |  |
| --- | --- |
| [1] | M. A. Abido, «Multiobjective Optimal VAR Dispatch Using Strength Pareto Evolutionary Algorithm,» *2006 IEEE Congress on Evolutionary Computation Sheraton Vancouver Wall Centre Hotel, Vancouver, BC, Canada,* 2006. |
| [2] | A. H. B. B. Christian von L¨ucken1, «Algoritmos Evolutivos para Optimizaci´on Multiobjetivo: un Estudio Comparativo en un Ambiente Paralelo As´ıncrono,» 2008. |
| [3] | E. M.-M. y. C. A. C. Coello, «Conceptos de Optimizaci´on Multiobjetivo para el Manejo de Restricciones en Algoritmos Evolutivos: Un Estudio Comparativo,» *Grupo de Computaci´on Evolutiva,* 2010. |
| [4] | E. P. C. M. H. T. F. Pérez Vazquez, «MMSPEA2 mejora del SPEA2 para problemas multi-modales: aplicación al RCMPSP,» 2010. |
| [5] | E. Z. a. L. Thiele, «An Evolutionary Algorithm for Multiobjective Optimization The Strength Pareto Approach,» *Computer Engineering and Communication Networks Lab TIK Swiss Federal Institute of Technology ETH,* 2011. |
| [6] | A. Atehortúa, «Optimización Basada en Colonia de Hormigas: Generalidades y Estudio del Algoritmo Sistema Hormiga y Aplicación a un Job Shop,» vol. Tópicos Acanzados Universidad Nacional de Colombia, 2013. |